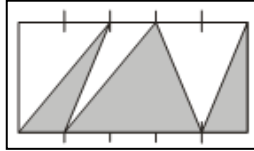


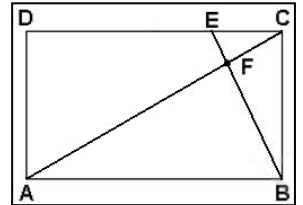
Geometria Plana 1

1. (OBM) Se a área do retângulo dado é 12, qual é a área da figura sombreada?



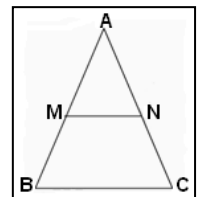
2. (FUVEST) A figura representa retângulo ABCD, com $AB = 5$ e $AD = 3$. O ponto E está no segmento CD de maneira que $CE = 1$, e F é o ponto da intersecção da diagonal AC com o segmento BE. Então, a área do triângulo BCF vale:

- a) $\frac{6}{5}$ b) $\frac{5}{4}$ c) 7 d) 6 e) 5



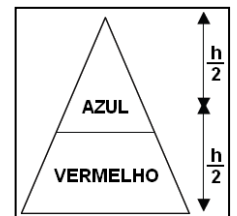
3. (CEFET) No triângulo ABC, um segmento MN, paralelo a BC, divide o triângulo em duas regiões de mesma área, conforme representado na figura. A razão $\frac{AM}{AB}$ é igual a:

- a) $\frac{1}{2}$ b) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ c) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ d) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ e) $\frac{\sqrt{2} + 1}{2}$



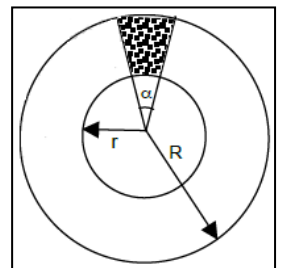
4. (MACK) Uma placa triangular será pintada de vermelho até a metade de sua altura e de azul da metade para cima. A espessura da camada de tinta será constante e igual nas duas partes. A quantidade de tinta vermelha necessária para a pintura está para a quantidade de tinta azul na razão de:

- a) 2 : 1 b) 3 : 1 c) 1 : 1 d) 1,5 : 1 e) 4 : 1



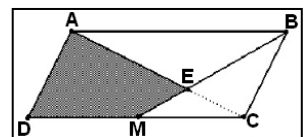
5. (PUC) Observe a figura. Nela, $r = 2\sqrt{6}$ cm, $R = 6$ cm e $\alpha = 30^\circ$. A área da região hachurada em cm^2 é:

- a) 2π b) π c) 3π d) 2 e) 1

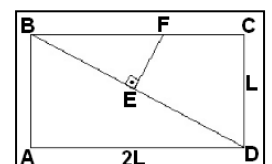


6. (UFJF) O paralelogramo ABCD, a seguir, possui área 24cm^2 . Considere E o ponto de intersecção entre os segmentos AC e BM. Sabendo que M é o ponto médio do segmento CD e $AB = 8\text{cm}$, calcule:

- a) A altura do paralelogramo em relação à base CD.
b) A área da figura plana ADME.

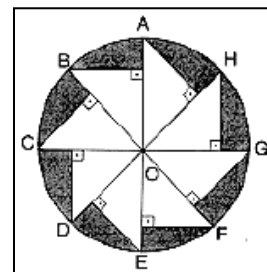


7. (FUVEST) No retângulo ABCD da figura tem-se que $CD = L$ e $AD = 2L$. Além disso, o ponto E pertence à diagonal BD, o ponto F pertence ao lado BC e EF é perpendicular a BD. Sabendo que a área do retângulo ABCD é cinco vezes a área do triângulo BEF, calcule o valor de BF.



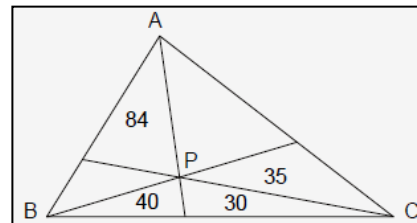
8. (UFMG) Observe a figura. Nela, a circunferência de centro O tem raio r e arcos AB, BC, CD, DE, EF, FG, GH e HA congruentes. O valor da área sombreada, em função de r , é:

- a) $r^2 (\pi - 2)$ b) $2.r^2 (\pi - 2)$ c) $2.r^2$ d) $r^2.(\pi - 1)$

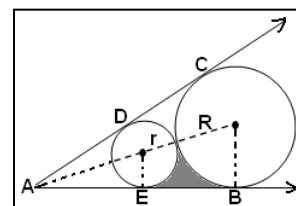


9. Seja P um ponto no interior de um triângulo ABC, dividindo-o em seis triângulos, quatro dos quais têm áreas 30, 40, 35 e 84, como mostra a figura. Calcule a área do triângulo ABC.

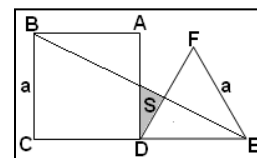
- a) 356 b) 311 c) 345 d) 315



10. Na figura, calcule a área sombreada, em função do raio do círculo maior R , sendo os dois círculos tangentes entre si e tangentes às duas semirretas nos pontos B, C, D, E dado o ângulo $\widehat{DAE} = 60^\circ$ e r o raio do círculo menor.

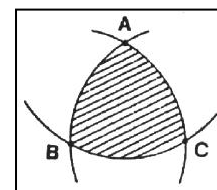


11. Calcule a área S , sabendo que ABCD é um quadrado e DEF é um triângulo equilátero, ambos de lados de medida a .



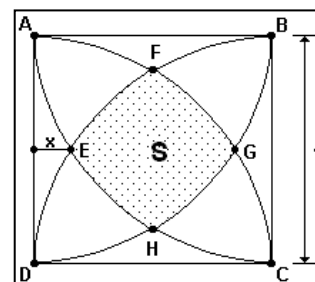
12. (UFMG) Nessa figura, a região hachurada está delimitada pelos arcos BC, AC e AB das circunferências de centros A, B e C, respectivamente, e a medida do segmento BC é $\sqrt{2}$. A área dessa região é:

- a) $\pi - \frac{3\sqrt{3}}{8}$ b) $\pi - \frac{\sqrt{3}}{4}$ c) $\pi - \sqrt{3}$ d) $\pi + \frac{\sqrt{3}}{4}$ e) $\pi + \sqrt{3}$



13. (UnB) Na figura adiante, ABCD é um quadrado de lado de comprimento igual a 1, e os arcos que limitam a região sombreada S são arcos de circunferências centradas nos vértices do quadrado. Representando por x a distância do ponto E ao lado AD, calcule:

- a) O valor de x . b) A área da região S .



Respostas: 1) 6; 2) b; 3) b; 4) b; 5) b; 6) a) 3cm; b) 10cm; 7) $L\sqrt{2}$; 8) a; 9) d; 10) $\left(\frac{24\sqrt{3}-11\pi}{54}\right).R^2$;

11) $\frac{a^2 \cdot (2\sqrt{3}-1)}{44}$; 12) c; 13) a) $1 - \frac{\sqrt{3}}{2}$; b) $\frac{\pi+3-3\sqrt{3}}{3}$.